

Systemische Thematisationen als strukturelle Fragmente

1. Die in Toth (2026a) behandelten systemischen semiotischen Relationen wurden in Toth (2026b) auf ihre systemischen Indizes abgebildet und als Indexmengen definiert. Besonders deutlich kann man nun die Tatsache, daß die 10 peirceschen Dualsysteme Fragmente (oder allenfalls Teilmengen) der 27 Dualsysteme des vollständigen ternären semiotischen Systems sind, durch strukturell defiziente thematische trichotomische Triaden aufzeigen.

2. Im folgenden werden die Dualsysteme und ihre Thematisationen der Differenzmenge der nicht zu den 10 peirceschen gehörenden Dualsystemen rot markiert.

$$3.1_I \quad 2.1_A \quad 1.1_R \quad \times \quad 1.1_R \quad 1.2_R \quad 1.3_R \quad (1.1_R \leftarrow (1.2_R, 1.3_R))$$

$$\Rightarrow (R, R, R)$$

$$3.1_I \quad 2.1_A \quad 1.2_R \quad \times \quad 2.1_A \quad 1.2_R \quad 1.3_R \quad (2.1_A \leftarrow (1.2_R, 1.3_R))$$

$$\Rightarrow (A, R, R)$$

$$3.1_I \quad 2.1_A \quad 1.3_R \quad \times \quad 3.1_I \quad 1.2_R \quad 1.3_R \quad (3.1_I \leftarrow (1.2_R, 1.3_R))$$

$$\Rightarrow (I, R, R)$$

$$3.1_I \quad 2.2_A \quad 1.1_R \quad \times \quad 1.1_R \quad 2.2_A \quad 1.3_R \quad (1.1_R \rightarrow 2.2_A \leftarrow 1.3_R)$$

$$\Rightarrow (R, A, R)$$

$$3.1_I \quad 2.2_A \quad 1.2_R \quad \times \quad 2.1_A \quad 2.2_A \quad 1.3_R \quad ((2.1_A, 2.2_A) \rightarrow 1.3_R)$$

$$\Rightarrow (A, A, R)$$

$$3.1_I \quad 2.2_A \quad 1.3_R \quad \times \quad 3.1_I \quad 2.2_A \quad 1.3_R \quad (3.1_I \rightarrow 2.2_A \leftarrow 1.3_R)$$

$$\Rightarrow (I, A, R)$$

$$3.1_I \quad 2.3_A \quad 1.1_R \quad \times \quad 1.1_R \quad 3.2_I \quad 1.3_R \quad (1.1_R \rightarrow 3.2_I \leftarrow 1.3_R)$$

$$\Rightarrow (R, I, R)$$

$$3.1_I \quad 2.3_A \quad 1.2_R \quad \times \quad 2.1_A \quad 3.2_I \quad 1.3_R \quad (2.1_A \rightarrow 3.2_I \leftarrow 1.3_R)$$

$$\Rightarrow (A, I, R)$$

$$3.1_I \quad 2.3_A \quad 1.3_R \quad \times \quad 3.1_I \quad 3.2_I \quad 1.3_R \quad ((3.1_I, 3.2_I) \rightarrow 1.3_R)$$

$$\Rightarrow (I, I, R)$$

$$\begin{array}{lcl}
3.2_I & 2.1_A & 1.1_R \quad \times \quad 1.1_R \quad 1.2_R \quad 2.3_A \quad ((1.1_R, 1.2_R) \rightarrow 2.3_A) \\
\Rightarrow & (R, R, A)
\end{array}$$

$$\begin{array}{lcl}
3.2_I & 2.1_A & 1.2_R \quad \times \quad 2.1_A \quad 1.2_R \quad 2.3_A \quad (2.1_A \rightarrow 1.2_R \leftarrow 2.3_A) \\
\Rightarrow & (A, R, A)
\end{array}$$

$$\begin{array}{lcl}
3.2_I & 2.1_A & 1.3_R \quad \times \quad 3.1_I \quad 1.2_R \quad 2.3_A \quad (3.1_I \rightarrow 1.2_R \leftarrow 2.3_A) \\
\Rightarrow & (I, R, A)
\end{array}$$

$$\begin{array}{lcl}
3.2_I & 2.2_A & 1.1_R \quad \times \quad 1.1_R \quad 2.2_A \quad 2.3_A \quad (1.1_R \leftarrow (2.2_A, 2.3_A)) \\
\Rightarrow & (R, A, A)
\end{array}$$

$$\begin{array}{lcl}
3.2_I & 2.2_A & 1.2_R \quad \times \quad 2.1_A \quad 2.2_A \quad 2.3_A \quad (2.1_A \leftarrow (2.2_A, 2.3_A)) \\
\Rightarrow & (A, A, A)
\end{array}$$

$$\begin{array}{lcl}
3.2_I & 2.2_A & 1.3_R \quad \times \quad 3.1_I \quad 2.2_A \quad 2.3_A \quad (3.1_I \leftarrow (2.2_A, 2.3_A)) \\
\Rightarrow & (I, A, A)
\end{array}$$

$$\begin{array}{lcl}
3.2_I & 2.3_A & 1.1_R \quad \times \quad 1.1_R \quad 3.2_I \quad 2.3_A \quad (1.1_R \rightarrow 3.2_I \leftarrow 2.3_A) \\
\Rightarrow & (R, I, A)
\end{array}$$

$$\begin{array}{lcl}
3.2_I & 2.3_A & 1.2_R \quad \times \quad 2.1_A \quad 3.2_I \quad 2.3_A \quad (2.1_A \rightarrow 3.2_I \leftarrow 2.3_A) \\
\Rightarrow & (A, I, A)
\end{array}$$

$$\begin{array}{lcl}
3.2_I & 2.3_A & 1.3_R \quad \times \quad 3.1_I \quad 3.2_I \quad 2.3_A \quad ((3.1_I, 3.2_I) \rightarrow 2.3_A) \\
\Rightarrow & (I, I, A)
\end{array}$$

$$\begin{array}{lcl}
3.3_I & 2.1_A & 1.1_R \quad \times \quad 1.1_R \quad 1.2_R \quad 3.3_I \quad ((1.1_R, 1.2_R) \rightarrow 3.3_I) \\
\Rightarrow & (R, R, I)
\end{array}$$

$$\begin{array}{lcl}
3.3_I & 2.1_A & 1.2_R \quad \times \quad 2.1_A \quad 1.2_R \quad 3.3_I \quad (2.1_A \rightarrow 1.2_R \leftarrow 3.3_I) \\
\Rightarrow & (A, R, I)
\end{array}$$

$$\begin{array}{lcl}
3.3_I & 2.1_A & 1.3_R \quad \times \quad 3.1_I \quad 1.2_R \quad 3.3_I \quad (3.1_I \rightarrow 1.2_R \leftarrow 3.3_I) \\
\Rightarrow & (I, R, I)
\end{array}$$

$$\begin{array}{lcl}
3.3_I & 2.2_A & 1.1_R \quad \times \quad 1.1_R \quad 2.2_A \quad 3.3_I \quad (1.1_R \rightarrow 2.2_A \leftarrow 3.3_I) \\
\Rightarrow & (R, A, I)
\end{array}$$

$$3.3_I \quad 2.2_A \quad 1.2_R \quad \times \quad 2.1_A \quad 2.2_A \quad 3.3_I \quad ((2.1_A, 2.2_A) \rightarrow 3.3_I)$$

$$\Rightarrow (A, A, I)$$

$$3.3_I \quad 2.2_A \quad 1.3_R \quad \times \quad 3.1_I \quad 2.2_A \quad 3.3_I \quad (3.1_I \rightarrow 2.2_A \leftarrow 3.3_I)$$

$$\Rightarrow (I, A, I)$$

$$3.3_I \quad 2.3_A \quad 1.1_R \quad \times \quad 1.1_R \quad 3.2_I \quad 3.3_I \quad (1.1_R \leftarrow (3.2_I, 3.3_I))$$

$$\Rightarrow (R, I, I)$$

$$3.3_I \quad 2.3_A \quad 1.2_R \quad \times \quad 2.1_A \quad 3.2_I \quad 3.3_I \quad (2.1_A \leftarrow (3.2_I, 3.3_I))$$

$$\Rightarrow (A, I, I)$$

$$3.3_I \quad 2.3_A \quad 1.3_R \quad \times \quad 3.1_I \quad 3.2_I \quad 3.3_I \quad (3.1_I \leftarrow (3.2_I, 3.3_I))$$

$$\Rightarrow (I, I, I)$$

Ordnet man die Thematisationen in systemischer Notation in drei Kolonnen zu je drei Trichotomischen Triaden an, so sieht man deutlich, daß die im 10er-System fehlenden, aber im 27er-System vorhandenen systemischen Tripel jeweils thematische Übergangsfunktionen zwischen den jeweils vorangehenden und nachfolgenden thematischen Funktionen bilden:

$$(R, R, R) \quad (R, R, A) \quad (R, R, I)$$

$$(A, R, R) \quad (A, R, A) \quad (A, R, I)$$

$$(I, R, R) \quad (I, R, A) \quad (I, R, I)$$

$$(R, A, R) \quad (R, A, A) \quad (R, A, I)$$

$$(A, A, R) \quad (A, A, A) \quad (A, A, I)$$

$$(I, A, R) \quad (I, A, A) \quad (I, A, I)$$

$$(R, I, R) \quad (R, I, A) \quad (R, I, I)$$

$$(A, I, R) \quad (A, I, A) \quad (A, I, I)$$

$$(I, I, R) \quad (I, I, A) \quad (I, I, I).$$

Literatur

Toth, Alfred, Systemische Thematisationen und konverse Thematisationen.
In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2026a

Toth, Alfred, Thematisationstypen als Systemfunktionen. In: Electronic
Journal for Mathematical Semiotics, 2026b

3.2.2026